

コンパイラ理論 9 LR構文解析 補足: 属性文法とconflicts

櫻井彰人

属性文法

- Racc (Yacc系のcc)は属性文法的
 - 非終端記号は、値(semantic value)を持つ
 - パーザーは、パーザースタックをreduceするとき(使う規則を $X ::= s$ とする)、 s に付随する semantic value (Racc では配列 valueにある)を用いて、action (意味動作)を実行する。結果は終端記号 X の値となる(Raccではresultに入れた値)
 - パーザーが成功で終了すると、開始記号に付随する値を返す

属性文法

- 属性文法(ぞくせいぶんぽう, Attribute Grammar)とは、形式文法の生成に関する属性を定義する形式的手法。属性には値を関連付けられる。その言語を構文解析やコンパイラで処理する際に、属性の評価(属性から値を得ること)が抽象構文木上のノードで行われる。
- 属性は2種類に分類される。合成(synthesized)属性と継承(inherited)属性である。合成属性とは、属性評価の結果として生成されるものであり、継承属性の値を用することもある。継承属性とは、親ノードから継承される属性である。
- いくつかの手法では、合成属性は意味情報を構文解析木の上に渡すのに使われ、継承属性は逆に下に渡すのに使われる。例えば、言語変換ツールを作成する場合、属性文法は構文要素に意味(値)を設定するのに使われる。また、文法(構文規則だけでは明示的に示されない言語の規則)に従って意味論的検証を行うことも可能である。

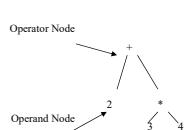
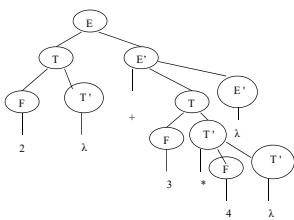
Wikipediaより

S属性文法とLR属性文法

- S属性文法
 - 繙承属性を持たない属性文法。トップダウン構文解析でもボトムアップ構文解析でも使用可能。yacc は S属性文法に基づいている。
- LR属性文法
 - LR法を使った構文解析での属性文法。ボトムアップ構文解析で使用。L属性文法のサブセットであり、S属性文法のスーパーsubsetである。yacc は部分的に LR属性文法に基づいている。
 - In yacc, a common hack is to use global variables to simulate some kind of inherited attributes and thus LR-attribution.

Wikipediaより

構文木と抽象構文木



```
# $Id: calc.y,v 1.4 2005/11/20 13:29:32 aamine Exp $
#
# Very simple calculator.

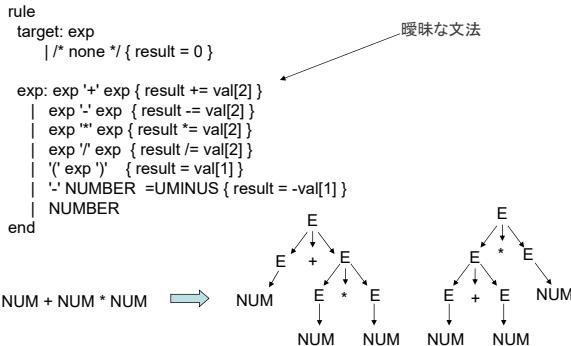
class Calcp
  prechigh
  nonassoc UMINUS
  left   '+-' '/'
  left   '+-' '-'
  preclow
  rule
    target: exp
    | /* none */ { result = 0 }

    # 同位はエラー
    exp: exp '+' exp { result += val[2] }
    | exp '-' exp { result -= val[2] }
    | exp '*' exp { result *= val[2] }
    | exp '/' exp { result /= val[2] }
    | '(' exp ')' { result = val[1] }
    | '-' NUMBER   =UMINUS { result = -val[1] }
    | NUMBER

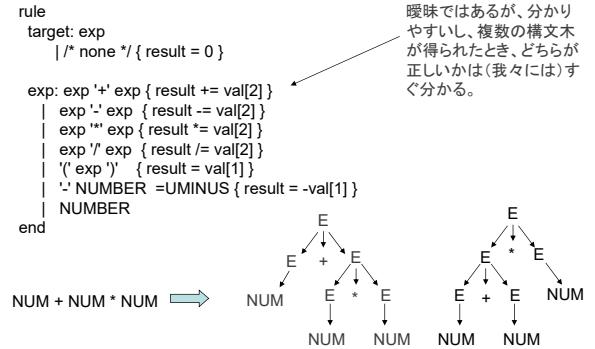
end
```

演算子順位の定義
同位は左結合
開始記号(非終端記号)
この規則適用後に返す値
右辺2番目(0番目が先頭)に帰って来た値
このマイナスは UMINUSと同じ強さ

再びですが



再び



試してみよう

```
class Calcf
rule
target: exp
| /* none */ { result = 0 }

exp: exp '+' exp { result += val[2] }
| exp '-' exp { result -= val[2] }
| exp '*' exp { result *= val[2] }
| exp '/' exp { result /= val[2] }
| '(' exp ')' { result = val[1] }
| '-' NUMBER { result = -val[1] }
| NUMBER

end
```

\$ racc -o calcf.rb calcf.y
16 shift/reduce conflicts

```
$ ruby calcf.rb
type "Q" to quit.

? 2+3
= 5

? 2+3*4
= 14

? 2*3+4
= 14

?
```

LR パーザーの動き

一部だけ取り出す

```
exp: exp '+' exp { result += val[2] }
| exp '*' exp { result *= val[2] }
| '(' exp ')' { result = val[1] }
| NUMBER
```

これから読む
入力: NUM + NUM * NUM
現在の状態: E + E

shift-reduce conflict あり！
正しく構文解析するにはどうしたらよいか？

こちらが欲しい：

LR パーザーの動き

一部だけ取り出す

```
exp: exp '+' exp { result += val[2] }
| exp '*' exp { result *= val[2] }
| '(' exp ')' { result = val[1] }
| NUMBER
```

これから読む
入力: NUM + NUM * NUM
現在の状態: E + E *

shift-reduce conflict あり！
正しく構文解析するにはどうしたらよいか？
SHIFT

こちらが欲しい：

LR パーザーの動き

一部だけ取り出す

```
exp: exp '+' exp { result += val[2] }
| exp '*' exp { result *= val[2] }
| '(' exp ')' { result = val[1] }
| NUMBER
```

これから読む
入力: NUM + NUM * NUM
現在の状態: E + E * NUM

SHIFT SHIFT

こちらが欲しい：

LR パーザーの動き

一部だけ取り出す

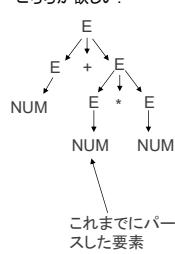
```
exp: exp '+' exp { result += val[2] }
| exp '*' exp { result *= val[2] }
| '(' exp ')' { result = val[1] }
| NUMBER
```

これから読む
入力: NUM + NUM * NUM

現在の状態: E + E * E

REDUCE

こちらが欲しい:



これまでにパースした要素

LR パーザーの動き

一部だけ取り出す

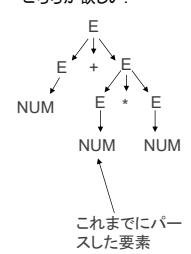
```
exp: exp '+' exp { result += val[2] }
| exp '*' exp { result *= val[2] }
| '(' exp ')' { result = val[1] }
| NUMBER
```

これから読む
入力: NUM + NUM * NUM

現在の状態: E + E

REDUCE

こちらが欲しい:



これまでにパースした要素

LR パーザーの動き

一部だけ取り出す

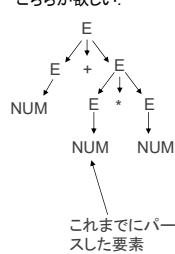
```
exp: exp '+' exp { result += val[2] }
| exp '*' exp { result *= val[2] }
| '(' exp ')' { result = val[1] }
| NUMBER
```

これから読む
入力: NUM + NUM * NUM

現在の状態: E

REDUCE

こちらが欲しい:



これまでにパースした要素

別のある構文解析

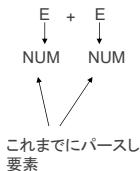
一部だけ取り出す

```
exp: exp '+' exp { result += val[2] }
| exp '*' exp { result *= val[2] }
| '(' exp ')' { result = val[1] }
| NUMBER
```

これから読む
入力: NUM + NUM * NUM

現在の状態: E + E

shift-reduce conflict あり!
先に REDUCE したらどうなるか



これまでにパースした要素

別のある構文解析

一部だけ取り出す

```
exp: exp '+' exp { result += val[2] }
| exp '*' exp { result *= val[2] }
| '(' exp ')' { result = val[1] }
| NUMBER
```

これから読む
入力: NUM + NUM * NUM

現在の状態: E

REDUCE

これまでにパースした要素

別のある構文解析

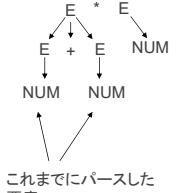
一部だけ取り出す

```
exp: exp '+' exp { result += val[2] }
| exp '*' exp { result *= val[2] }
| '(' exp ')' { result = val[1] }
| NUMBER
```

これから読む
入力: NUM + NUM * NUM

現在の状態: E * E

今度は: SHIFT SHIFT REDUCE



これまでにパースした要素

別の構文解析

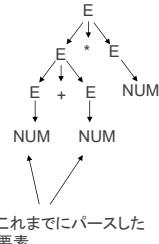
一部だけ取り出す

```
exp: exp '+' exp { result += val[2] }
| exp '*' exp { result *= val[2] }
| '(' exp ')' { result = val[1] }
| NUMBER
```

これから読む
入力: NUM + NUM * NUM

現在の状態: E

REDUCE



これまでにパースした要素

ここまでまとめ

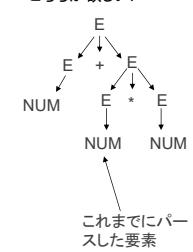
一部だけ取り出す

```
exp: exp '+' exp { result += val[2] }
| exp '*' exp { result *= val[2] }
| '(' exp ')' { result = val[1] }
| NUMBER
```

これから読む
入力: NUM + NUM * NUM

現在の状態: E + E

こちらが欲しい:



shift-reduce conflict あり！
スタック上に E + E あり、そして *.
Shiftしたい。こんなとき必ず shift したい
というのも、* の優先度 precedence は + より上。

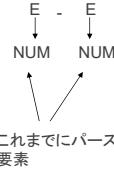
第二例

一部だけ取り出す

```
exp: exp '-' exp { result -= val[2] }
| exp '*' exp { result *= val[2] }
| '(' exp ')' { result = val[1] }
| NUMBER
```

これから読む
入力: NUM - NUM - NUM

現在の状態: E - E



これまでにパースした要素

shift-reduce conflict あり！
スタック上に E - E あり、次にあるのは -.
何をすべきか？

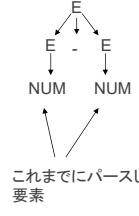
第二例

一部だけ取り出す

```
exp: exp '-' exp { result -= val[2] }
| exp '*' exp { result *= val[2] }
| '(' exp ')' { result = val[1] }
| NUMBER
```

これから読む
入力: NUM - NUM - NUM

現在の状態: E



shift-reduce conflict あり！
スタック上に E - E あり、次にあるのは -.
何をすべきか？
REDUCE

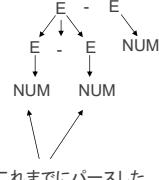
第二例

一部だけ取り出す

```
exp: exp '-' exp { result -= val[2] }
| exp '*' exp { result *= val[2] }
| '(' exp ')' { result = val[1] }
| NUMBER
```

これから読む
入力: NUM - NUM - NUM

現在の状態: E - E



これまでにパースした要素

SHIFT SHIFT REDUCE

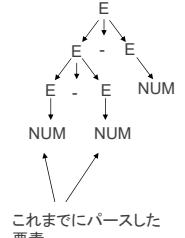
第二例

一部だけ取り出す

```
exp: exp '-' exp { result -= val[2] }
| exp '*' exp { result *= val[2] }
| '(' exp ')' { result = val[1] }
| NUMBER
```

これから読む
入力: NUM - NUM - NUM

現在の状態: E



REDUCE

第2例: まとめ

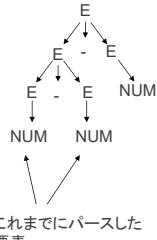
一部だけ取り出す

```
exp: exp '+' exp { result += val[2] }
| exp '-' exp { result -= val[2] }
| exp '*' exp { result *= val[2] }
| '(' exp ')' { result = val[1] }
| NUMBER
```

入力: NUM - NUM - NUM

現在の状態: E

shift-reduce conflict あり！
スタック上に E - E あり、次にあるのは -.
何をすべきか？ 必ず
reduce をしたい。というのも – は left-associative.



優先度と結合性

- 優先度と結合性を扱う3つの方法がある:

1) Racc に文句を言わせたままにする。

- Racc(=Yacc)は shift-reduce conflict があると shift する
- ただし、そうすると、プログラマの意図が分かりにくくなる；他の部分をデバッグするのに支障がかかるかも；一般的にはエレガントではない

2) あいまい性がない文法に書き換える

- 複雑かつ分かりにくくなるおそれあり

3) Racc (Yacc) の優先度指定を用いる

- もつとも普通。left, right, nonassoc

優先度と結合性

- 優先度が指示されると、Racc は終端記号と規則に優先度を割り当てる
 - 終端記号の優先度は、左右結合が書かれている順番(またはその逆)。指示に従う)
 - 書換規則の優先度は、最右端終端記号の優先度である
 - 例: 規則 $E ::= E + E$ の優先度 == prec('+')
- shift-reduce conflict の解消方法:
 - $\text{prec}(\text{terminal}) > \text{prec}(\text{rule}) \Rightarrow \text{shift}$
 - $\text{prec}(\text{terminal}) < \text{prec}(\text{rule}) \Rightarrow \text{reduce}$
 - $\text{prec}(\text{terminal}) = \text{prec}(\text{rule}) \Rightarrow$
 - $\text{assoc}(\text{terminal}) = \text{left} \Rightarrow \text{reduce}$
 - $\text{assoc}(\text{terminal}) = \text{right} \Rightarrow \text{shift}$
 - $\text{assoc}(\text{terminal}) = \text{nonassoc} \Rightarrow \text{エラー}$

これから読む

入力: 終端記号 T が次:.....TE

スタック上の、規則の右辺:.....E % E

優先度と結合性

```
prechigh
nonassoc UMINUS
left    '*' '/'
left    '+' '-'
preclow
rule
target: exp
| /* none */ { result = 0 }
```

```
exp: exp '+' exp { result += val[2] }
| exp '-' exp { result -= val[2] }
| exp '*' exp { result *= val[2] }
| exp '/' exp { result /= val[2] }
| '(' exp ')' { result = val[1] }
| '.' NUMBER =UMINUS { result = -val[1] }
| NUMBER
end
```

優先度と結合性

```
prechigh
nonassoc UMINUS
left    '*' '/'
left    '+' '-'
preclow

これから読む
入力: 終端記号 T が次:.....** E
prec('*') > prec('+')

スタック上の、規則の右辺:...E '+' E
```

優先度と結合性

```
prechigh
nonassoc UMINUS
left    '*' '/'
left    '+' '-'
preclow
```

```
これから読む
入力: 終端記号 T が次:.....** E
prec('*') > prec('+')

スタック上の、規則の右辺:...E '+' E
```

SHIFT

優先度と結合性

```

prechigh
nonassoc UMINUS
left   '**' /
left   '+' '-'
preclow

输入: 終端記号 T が次: ..... '!' E
      スタック上の、規則の右辺: ...E '+' E

      これから読む
      ..... '!' E
      prec('+') = prec('!')

```

優先度と結合性

```

prechigh
nonassoc UMINUS
left   '**' /
left   '+' '-'
preclow

输入: 終端記号 T が次: ..... '!' E
      スタック上の、規則の右辺: ...E '+' E

      これから読む
      ..... '!' E
      prec('+') = prec('!')

```

REDUCE

もう一例

```

prechigh
left   '**' /
left   '+' '-'
preclow
rule
target: exp
/* none */ { result = 0 }

exp: exp '+' exp { result += val[2] }
| exp '-' exp { result -= val[2] }
| exp '*' exp { result *= val[2] }
| exp '/' exp { result /= val[2] }
| '(' exp ')' { result = val[1] }
| '-' NUMBER { result = -val[1] }
| NUMBER

```

これから読む
..... '*' E

どうなるか？

もう一例

```

prechigh
left   '**' /
left   '+' '-'
preclow
rule
target: exp
/* none */ { result = 0 }

exp: exp '+' exp { result += val[2] }
| exp '-' exp { result -= val[2] }
| exp '*' exp { result *= val[2] }
| exp '/' exp { result /= val[2] }
| '(' exp ')' { result = val[1] }
| '-' NUMBER { result = -val[1] }
| NUMBER

      これから読む
      ..... '*' E

```

どうなるか？
prec('*') > prec('-') ==> SHIFT

修正

```

prechigh
nonassoc UMINUS
left   '**' /
left   '+' '-'
preclow
rule
target: exp
/* none */ { result = 0 }

exp: exp '+' exp { result += val[2] }
| exp '-' exp { result -= val[2] }
| exp '*' exp { result *= val[2] }
| exp '/' exp { result /= val[2] }
| '(' exp ')' { result = val[1] }
| '-' NUMBER =UMINUS { result = -val[1] }
| NUMBER

```

これから読む
..... '*' E

どうなるか？

修正

```

prechigh
nonassoc UMINUS
left   '**' /
left   '+' '-'
preclow
rule
target: exp
/* none */ { result = 0 }

exp: exp '+' exp { result += val[2] }
| exp '-' exp { result -= val[2] }
| exp '*' exp { result *= val[2] }
| exp '/' exp { result /= val[2] }
| '(' exp ')' { result = val[1] }
| '-' NUMBER =UMINUS { result = -val[1] }
| NUMBER

      これから読む
      ..... '*' E

```

どうなるか？
prec('-') > prec('*') ==> REDUCE

宙ぶらりん else (dangling else)

- 文法:
 $S ::= \text{if } E \text{ then } S \text{ else } S$
 $S ::= \text{if } E \text{ then } S$
 $S ::= \dots$
- 例題: $\text{if } a \text{ then if } b \text{ then } S \text{ else } S$
 - 解析 1: $\text{if } a \text{ then } (\text{if } b \text{ then } S \text{ else } S)$
 - 解析 2: $\text{if } a \text{ then } (\text{if } b \text{ then } S) \text{ else } S$
- Raccは shift-reduce conflict を報告
 - デフォルト: shift (望みのもの)

宙ぶらりん else (dangling else)

- 文法:
 $S ::= \text{if } E \text{ then } S \text{ else } S$
 $S ::= \text{if } E \text{ then } S$
 $S ::= \dots$
- 別解: 文法の書き換え:
 $S ::= M$
 $S ::= U$
 $M ::= \text{if } E \text{ then } M \text{ else } M$
 $M ::= \dots$
 $U ::= \text{if } E \text{ then } S$
 $U ::= \text{if } E \text{ then } M \text{ else } U$

Racc のデフォルト動作

- Shift-Reduce conflict
 - shift
- Reduce-Reduce conflict
 - 最初の規則で reduce
 - 一般的には、本当のバグ！